

UITWERKINGEN OEFENTOETS

1. TABEL

x	-2	-1	0	1	2
y	$68\frac{2}{3}$	$5\frac{1}{3}$	0	$2\frac{2}{3}$	$59\frac{1}{3}$

In de rekenmachine zó invoeren:

$$4 \times (-2)^4 - 1 \text{ abc } 3 \times (-2)^3 - -2 =$$

2. stappenplan

1. gelijkstellen

2. nulstellen

3a) bij 2e graads vergelijking: abc-formule (of ontbinden in factoren / kwadraat afsplitsen)

b) bij 3e graads of hoger: laagste macht buiten haakjes brengen

a) gelijkstellen: $\frac{1}{2}x^2 + 4x + 16 = 4x + 18$

nulstellen: $\frac{1}{2}x^2 - 2 = 0$

in dit geval kun je zo verder: $\frac{1}{2}x^2 = 2$

$$x^2 = 4$$

$$x = 2 \text{ of } x = -2$$

snijpunten: (2, 26) en (-2, 10)

je kunt ook de abc-formule gebruiken:

$$\frac{1}{2}x^2 - 2 = 0 \rightarrow a = \frac{1}{2} \quad b = 0 \quad c = -2$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{0 \pm \sqrt{0^2 - 4 \times \frac{1}{2} \times -2}}{2 \times \frac{1}{2}} = \frac{0 \pm \sqrt{4}}{1} \rightarrow x = 2 \text{ of } x = -2$$

b) gelijkstellen: $\frac{1}{5}x^6 = 20x^4$

nulstellen: $\frac{1}{5}x^6 - 20x^4 = 0$

laagste macht buiten haakjes brengen: $x^4 \left(\frac{1}{5}x^2 - 20 \right) = 0$

$$x^4 = 0 \text{ of } \frac{1}{5}x^2 - 20 = 0$$

$$x = 0 \text{ of } \frac{1}{5}x^2 = 20$$

$$x = 0 \text{ of } x^2 = 100$$

$$x = 0 \text{ of } x = 10 \text{ of } x = -10$$

snijpunten: (0, 0) en (10, 200000) en (-10, 200000)

- 3.** Domein = Welke waarden mag je allemaal invullen voor x?
(Want je mag geen negatief getal onder wortel krijgen).
Bereik = Welke y-waarden krijg je dan?

- a)** Onder de wortel staat $3x - 6$. Dat wordt negatief zodra x kleiner is dan 2.

Voorbeeld: $x = 1$, dan krijg je $\sqrt{(3 \times 1 - 6)} = \sqrt{-3}$ en dat kan niet.

Het domein is dus: $x = 2$ of hoger.

$$D: x = [2, \rightarrow >$$

De y-waarden die je krijgt bij $x = 2$: $\sqrt{(3 \times 2 - 6)} + 2 = 2$ en hoger.

Het bereik is dus $y = 2$ of hoger.

$$B: y = [2, \rightarrow >$$

- b)** Onder de wortel staat $\frac{1}{2}x^2$. Dat wordt nooit negatief, want het kwadraat maakt van iedere x een positief getal.

Het domein is dus: x mag alles zijn.

$$D: x = < \leftarrow , \rightarrow >$$

De y-waarden die je krijgt zijn 0 of hoger.

Het bereik is dus $y = 0$ of hoger.

$$B: y = [0, \rightarrow >$$

- 4.** Verticale asymptoot = de verticale lijn waar de grafiek steeds dichterbij naartoe gaat. Deze vind je bij de x -waarde die ervoor zorgt dat de noemer van de breuk 0 wordt.

Horizontale asymptoot = de horizontale lijn waar de grafiek steeds dichterbij naartoe gaat.

Deze vind je door een hele hoge x -waarde in te vullen.

Bij het snijpunt met de x -as geldt: $y = 0$.

Bij het snijpunt met de y -as geldt: $x = 0$.

- a) De noemer is: $x - 4$. Deze wordt 0 zodra $x = 4$, want $4 - 4 = 0$.

→ V.A. bij $x = 4$.

$$\frac{1000000000 + 4}{1000000000 - 4} = 1,000000008; \text{ dus die komt steeds dichterbij } 1.$$

→ H.A. bij $y = 1$.

$$\text{Snijpunt } x\text{-as: } y = 0 \rightarrow \frac{x + 4}{x - 4} = 0 \rightarrow x + 4 = 0 \rightarrow x = -4 \rightarrow (-4, 0)$$

$$\text{Snijpunt } y\text{-as: } x = 0 \rightarrow \frac{0 + 4}{0 - 4} = -1 \rightarrow (0, -1)$$

- b) De noemer is: $\frac{1}{2}x - 4$. Deze wordt 0 zodra $x = 8$, want $\frac{1}{2} \times 8 - 4 = 0$.

→ V.A. bij $x = 8$.

$$\frac{2}{\frac{1}{2} \times 1000000000 - 4} + 4 = 4,000000004; \text{ dus die komt steeds dichterbij } 4.$$

→ H.A. bij $y = 4$.

$$\text{Snijpunt } x\text{-as: } y = 0 \rightarrow \frac{2}{\frac{1}{2}x - 4} + 4 = 0 \rightarrow \frac{2}{\frac{1}{2}x - 4} = -4 \rightarrow \frac{1}{2}x - 4 = \frac{2}{-4} = \frac{1}{2}$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}x = 4\frac{1}{2} \rightarrow x = 9 \rightarrow (9, 0)$$

$$\text{Snijpunt } y\text{-as: } x = 0 \rightarrow \frac{2}{\frac{1}{2} \times 0 - 4} + 4 = 3\frac{1}{2} \rightarrow \left(0, 3\frac{1}{2}\right)$$

5.

a) $\log 64 : \log 4 = 3$

b) $\log 64 : \log 7 = 2,1$

- c) schrijf $^5 \log x = 5$ eerst zo: 5 “tot de macht wat is” x ? Het antwoord is 5.

$$\text{Dus: } 5^5 = x = 3125$$

- d) schrijf $^2 \log(x - 9) = 3$ eerst zo: 2 “tot de macht wat is” $x - 9$? Het antwoord is 3.

$$\text{Dus: } 2^3 = x - 9 \rightarrow 8 = x - 9 \rightarrow x = 17$$